

- La durata di $n=10$ periodi di oscillazione $T_n = nT_i$. Per ogni gruppo di masse m_i rifare la misura almeno 3 volte.
- Fare una tabella: una serie di misure (gruppi di masse) per ogni riga.

# masse	m_i (g)	Δx_i (g)	T_i (10 osc) (s)	T_i (1)	T_i (1) ²	Massa m_{ei}
---------	-----------	------------------	--------------------	-----------	------------------------	----------------

Elaborazione dei dati e calcolo di M_T

- Grafico 1
 - Riportare su di un grafico **lineare** le coppie (m_i, x_i) ; m in orizzontale, x in verticale.
 - Tracciare la retta migliore ad occhio che passa per i punti sperimentali.
 - Calcolare il coefficiente angolare (vedi esempio in fondo) $a = \Delta g / \Delta k$ della retta, che sarà uguale a g/k .
 - Deve venire circa $0,19 < a < 0,27$ [m/Kg]. Se è molto al di fuori dell'intervallo indicato vuol dire che è stato commesso un errore grossolano in qualche misura, o in qualche unità di misura, o nel riportare i punti sul grafico, o nel valutare il coefficiente angolare.
- Grafico 2:
 - Per ogni gruppo di masse m_i calcolare la rispettiva massa equivalente $m_{ei} = m_i + 42,2$ g
 - Per ogni massa m_{ei} calcolare il valor medio del periodo T_i (T è il periodo di 1 oscillazione, quindi se ne avete misurate 10 il periodo sarà $T(1 \text{ oscillazione}) = T(10 \text{ oscillazioni}) / 10$, facendo la media aritmetica dei valori ottenuti.
 - Riportare su di un grafico **lineare**, le coppie $(T^2(i), m_{ei})$; T^2 in orizzontale, m_{ei} in verticale.
 - Calcolare il coefficiente angolare (vedi esempio in fondo) $b = \Delta m_{ei} / (\Delta T^2)$ e da questo la costante elastica della molla k :

$$k = b \cdot (2\pi)^2 = b \cdot 4 \cdot \pi^2 = b \cdot 4 \cdot \pi^2 \cong b \cdot 4 \cdot 10 = b \cdot 40 \text{ [N/m]}$$
 - Utilizzare i valore di k e di a per calcolare $g = a \cdot k$
- Calcolo della massa della Terra: $M_T = (g \cdot R_T^2) / M_T$

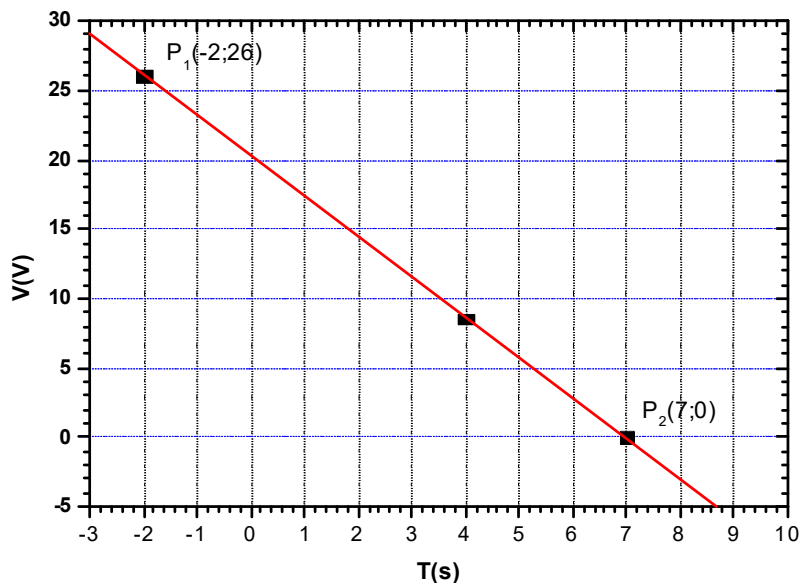
Calcolo del coefficiente angolare "a" per una funzione lineare del tipo: $y(x)=ax+b$

$a = \Delta y / \Delta x$, (è il caso in cui i punti sperimentali stanno su di una retta in scala lineare). Esempio (vedi grafico): si scelgono due punti della retta "lontani", (il calcolo è più preciso), ad esempio: $P_1(x_1; y_1)$ e $P_2(x_2; y_2)$.

- Calcolo di a , utilizzando i due punti $P_1(-2,26)$, $P_2(7,0)$:

$$a = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{0 - 26}{7 + 2} = \frac{-26}{9} \cong -2,9 \text{ V/s}$$

L'incertezza di a è legata alla dispersione dei punti ed alla loro incertezza intrinseca.



La massa della terra è circa: $M_T \sim 6,0 \cdot 10^{24}$ kg

Calcolo della Massa della Terra dalla misura di g versione semplificata

La forza di attrazione gravitazionale esercitata dalla Terra su di una massa m , sulla sua superficie, è:

$$F = G \frac{mM_T}{R_T^2} \quad \text{dove } G \text{ è la costante di gravitazione universale, } M_T \text{ la massa della Terra, } R_T \text{ il raggio terrestre. Questa}$$

Forza è usualmente chiamata il "peso" della massa m e si scrive come: $F = m \cdot g$, dove g è l'accelerazione gravitazionale che vale quindi $g = G \frac{M_T}{R_T^2}$. La massa M_T può quindi essere calcolata dalla relazione: $M_T = \frac{g \cdot R_T^2}{G}$

Per calcolare la Massa della Terra servono quindi i valori delle tre grandezze G , R_T , g .

Tutte e tre le grandezze si possono misurare. Voi misurerete g , assumendo come noti i valori di G e R_T .

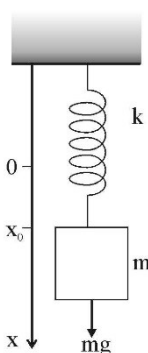
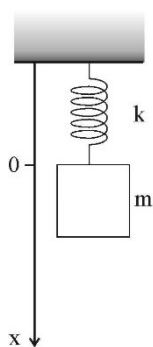
I valori da inserire nella formula per trovare la massa della Terra M_T sono:

$$R_T = 6314 \text{ km [misurato da Eratostene nel 240 a.C.]}$$

$$G = 6,7 \cdot 10^{-11} \text{ m}^3/\text{kg s}^2 \quad \text{[misurato da H. Cavendish nel 1798]}$$

g = Il valore misurato da voi.

Misura di g utilizzando una molla e dei pesi – Teoria



In condizioni di equilibrio la massa m appesa alla molla, di costante elastica k , la allunga di x_0 rispetto alla posizione di equilibrio senza massa appesa.

Se si sposta **delicatamente** la massa dalla posizione di equilibrio, e la si lascia andare, la massa comincia ad oscillare verticalmente, con un moto armonico di periodo T .

Per ogni massa appesa m misurerete due grandezze: l'allungamento x e il periodo dell'oscillazione T .

Le relazioni matematiche fra le masse, gli allungamenti, le durate dei periodi, la costante k

della molla e g sono:

$$x(m) = \frac{g}{k} \cdot m = a \cdot m \quad ; \quad m_e(T) = \frac{k}{(2\pi)^2} \cdot T^2 = b \cdot T^2$$

Voi dovrete ricavare graficamente le due costanti a e b , utilizzando le grandezze misurate che sono:

m = la massa dei pesi di piombo appesi alla molla ; $x(m)$ l'allungamento corrispondente ; T = il periodo di una oscillazione con la massa m appesa. Le masse m_e si calcolano dalle masse m e dai dati seguenti:

$$m_e = \text{masse dei pesi in piombo} + \text{massa equivalente della molla} = m(\text{pesi}) + m_e(\text{molla}) = 42,2 \text{ g}$$

dove $m_e(\text{molla}) \cong 42,2 \pm 0,4 \text{ g}$ [calcolata sommando la massa del supporto con quella delle spire libere o fisse].

Procedura: **1)** Dal grafico [$x(m)$; m] si ricava $a=g/k$ **2)** Dal grafico [$m_e(T^2)$; T^2] si ricava $b= k/(2\pi)^2$ **3)** Dal valore di b si calcola k . **4)** Dal valore di k e da a si calcola g **3)** Da g , R_T e G si ricava la massa della Terra M_T

Operazioni preliminari

- Identificare i 10 dischi di Piombo (penna, segno col pennarello...) e dividerli in gruppi: 4 + 2 + 2 + 2.
- Segnare sulla carta millimetrata la posizione del fondo dell'oggetto senza pesi (o con due pesi).

MISURE da fare

Pesare i gruppi di masse. Mettere i gruppi di masse m_i (di cui avete già misurato la massa) sul supporto della molla; 4 dischi(m_4), poi 6 dischi(m_6), poi 8 dischi(m_8),...10 dischi (m_{10}). Per ogni gruppo di masse vanno eseguite due misure:

- l'allungamento x_i della molla a riposo per ogni gruppo di masse m_i . (m_i, x_i)